

Identidad Trigonométrica Fundamental

$$\boxed{\sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1}$$

Ecuaciones trigonométricas.

1) $-3 \sin x + \cos^2 x = 3$

↓
aplica la Identidad Fundamental

$$\sin^2 x + \cos^2 x = 1$$

$$\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$$

$$-3 \sin x + (1 - \sin^2 x) = 3$$

$$-3 \sin x + 1 - \sin^2 x - 3 = 0$$

$$-\sin^2 x - 3 \sin x - 2 = 0$$

$$\sin^2 x + 3 \sin x + 2 = 0$$

Me queda una ecuación cuadrática que puedo resolver:

$$\begin{aligned} x_1 &= \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} & a &= 1 \\ x_2 & & b &= 3 \\ & & c &= 2 \end{aligned}$$

$$x_1 = \frac{-3 + \sqrt{9-8}}{2} \Rightarrow x_1 = -1$$

$$x_2 = \frac{-3 - \sqrt{9-8}}{2} \Rightarrow x_2 = -2$$

queda descartada porque el seno de un ángulo NUNCA puede ser menor que (-1)

Obtengo entonces $\operatorname{sen} x = -1$.

$$\frac{\pi}{2} (90^\circ)$$

Trazando la circunf. trigonométrica

veo que para que el seno

de un ángulo valga (-1)

ese ángulo debe ser

de 270° .

Entonces:

$$x = 270^\circ + 360^\circ \cdot k$$

$$\frac{\pi}{2} (90^\circ)$$

$$\frac{3\pi}{2} (270^\circ)$$

Son giros completos